

## معدلات التغير وخطوط التماس

### الصف الثاني عشر العلمي

أو لاً: متوسط التغير: 1) أوجد متوسط التغير للدالة التالية على كل فترة:

1)  $f(x) = 1 + x^2$

a)  $[1, 3]$

b)  $[-4, -1]$

2)  $f(x) = \sqrt{x+1}$

a)  $[0, 3]$

b)  $[15, 24]$

3)  $f(x) = \sin x$

a)  $\left[ \frac{\pi}{6}, \frac{5\pi}{6} \right]$

b)  $\left[ \frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{2} \right]$

(2) إذا كانت  $f(x) = \begin{cases} x^3 - 5, & 0 \leq x \leq 2 \\ x + 1, & 2 < x \leq 6 \end{cases}$  أوجد متوسط التغير في الدالة  $f$  عندما تتغير  $x$  من 2 إلى 3.

(3) أوجد متوسط التغير للدالة  $y = f(x) = 1 + \sin x$  على  $\left[0, \frac{\pi}{2}\right]$

(4) إذا كان متوسط التغير للدالة  $f(x) = x^2 - 5x + 2$  عندما تتغير  $x$  من  $a$  إلى  $a+1$  يساوي 2 . فما قيمة  $a$  .

(5) إذا كان متوسط التغير للدالة  $f(x) = x^2 - 3x + 12$  عندما تتغير  $x$  من 2 إلى  $a+2$  يساوي 4 . فما قيمة  $a$  .

(6) احسب متوسط التغير في حجم مكعب عندما يتغير طول حرفه من 2 cm إلى 3 cm .

(7) إذا كان منحنى  $f$  يمر بال نقطتين  $(-1, -2)$  ،  $(2, 4)$  أوجد متوسط التغير في الدالة  $f$  عندما  $x$  تتغير من  $-1$  إلى  $2$ .

ثانياً: ميل المماس (8) عند النقطة المشار إليها أوجد : ميل المنحنى ، معادلة المماس ، معادلة العمودي على المماس :

$$1) y = x^2 - x + 2, x = 0$$

$$2) y = x^2 - 4x, x = 1$$

$$3) y = x^2 - 1, x = 20$$

(9) أوجد النقط التي يكون عندها المماس أفقياً لكلٍ من الدوال الآتية:

$$1) f(x) = x^2 + 4x - 1$$

$$2) f(x) = 3 - 4x - x^2$$

---

---

---

---

---

$$3) f(x) = x^2 - 3x$$

---

---

---

---

---

$$4) f(x) = x^2 - 2x + 3$$

---

---

---

---

---

(10) أوجد معادلة المماس والعمودي للمنحنى  $f(x) = x^2 - 9$  عند نقط تقاطعه مع محور السينيات.

---

---

---

---

---

(11) حدد ما إذا كان المنحنى له مماس عند النقطة المشار إليها . إذا كان كذلك أوجد ميله وإذا لم يكن كذلك اذكر السبب .

$$1) f(x) = \begin{cases} -x, & x < 0 \\ x^2 - x, & x \geq 0 \end{cases}, x = 0$$

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

$$2) f(x) = \begin{cases} \frac{1}{x}, & x \leq 2 \\ \frac{4-x}{4}, & x > 2 \end{cases}$$

(12) للدوال الآتية أوجد: ميل المنحني عند  $x = a$  ، صف ماذا يحدث للناس عند  $x = a$  عندما تتغير  $a$ .

$$1) f(x) = \frac{1}{x-1}$$

$$2) y = x^2 + 2$$

$$3) y = 9 - x^2$$

ثالثاً: معدل التغيير: (13) أوجد معدل التغيير في مساحة الدائرة بالنسبة إلى نصف القطر عندما يكون نصف القطر 2 cm

(14) أوجد معدل التغير في حجم الكرة بالنسبة إلى نصف القطر عندما يكون نصف القطر 5 inch

(15) أوجد معدل التغير في الحجم لمخروط بالنسبة إلى نصف القطر  $r$  عندما إذا كان الارتفاع  $h$  لا يتغير.

أوجد معدل التغير في مساحة سطح مكعب  $s = 6x^2$  بالنسبة إلىحرف  $x$

عندما  $x = 4$

(16) إذا كانت  $y = f(x)$  وكانت  $\Delta y = 3\Delta x + (\Delta x)^2$  عندما  $x$  تتغير من 2 إلى

.  $x = 2$  أوجد معدل تغير  $f$  عندما  $2 + \Delta x$

(17) إذا كانت  $y = f(x)$  وكانت  $\Delta y = h2 + 6h$  عندما تتغير  $x$  من 3 إلى  $3+h$

أوجد معدل تغير  $f$  عندما  $x = 3$ .

رابعاً: السقوط الحر وانطلاق الصاروخ:

(18) سقط جسم من أعلى برج ارتفاعه 200m ، إذا كان ارتفاع الجسم عن سطح الأرض بعد  $t$  sec

هو  $y=50-5t^2$  ما سرعة الجسم بعد 3 sec من السقوط.

(19) معادلة السقوط الحر على سطح المشترى هي:  $y=11t^2$ m حيث  $t$  بالثواني بفرض أن صخرة أسقطت من

تل على ارتفاع 400m أوجد سرعة الصخرة عند  $t=1$  sec.

(20) انطلق صاروخ وبعد 5sec من انطلاقه كان على ارتفاع  $y=3t^2$ ft احسب سرعة الصاروخ بعد

من انطلاقه.

مع أطيب التمنيات بالتوفيق  
ثانوية خليفة ....العين