

• س(1) :

- (1) اكتب معادلة في الصورة القياسية و أوجدالمركز للقطع الناقص الذي فيه :
i. البؤرتان $(-2,1), (-2,5)$ و نقطتا طرفي المحور الأكبر $(-2,-1), (-2,7)$

- (2) أوجد معادلة القطع الزائد في الصورة القياسية :

نقطتا طرفي المحور القاطع هما $(-1,3), (5,3)$ و ميل أحد الخطين التقاربين هو $\frac{4}{3}$

- (3) إذا كان ميل المماس للمنحنى $y = f(x)$ عند أي نقطة (x,y) هو $a\sqrt{x}$ حيث a ثابت , $x > 0$ أوجد معادلة المنحنى علما بأنه يمر بالنقطة $(9, -18)$

- (4) باستخدام خواص التكامل المحدود أوجد:

$$\int_0^1 \frac{1}{1+x^2} \text{ المقدار } Min, Max$$

(5) إذا كانت $y = a \cdot e^{bx}$ حيث a, b ثوابت ، و كانت $y''(x) = y$ فأوجد a, b حيث $a \neq 0$

(6) أوجد التكاملات الآتية :

a) $\int \frac{3}{x(5+\ln x)} dx =$

b) $\int e^{(x^3+2\ln x)} dx =$

(7) بيّن دون إجراء عملية التكامل أنّ : $\int_{\pi}^{\frac{3\pi}{2}} (1 + \tan x) dx \geq \int_{\pi}^{\frac{3\pi}{2}} \cos x dx$

• س(2) :

(8) أثبت أن : $y = x^2 + \int_1^x \frac{1}{t} dt + 1$ تحقق الشرطين:

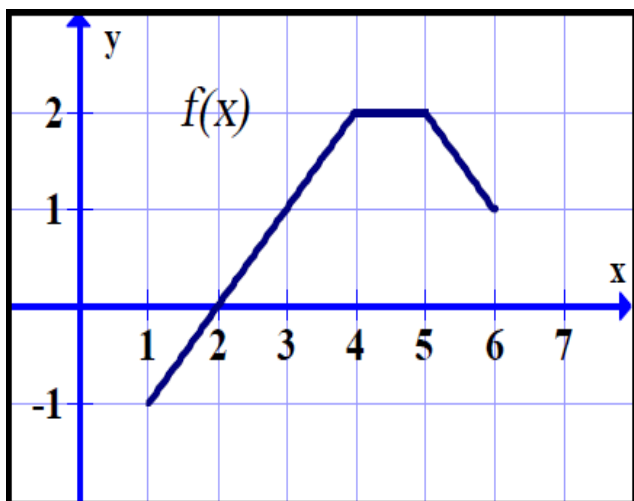
i. $y'' = 2 - \frac{1}{x^2}$

ii. $y' = 3, y = 2$ (عند $x = 1$)

9) إذا كان $x > -8$ ، $f^{(n)}(x) = \frac{(-1)^{n-1} \times (n-1)!}{(x+8)^n}$ ، $f^{(n)}(x)$ هي المشتقة النونية للدالة $f(x)$ ، فأوجد الدالة $f(x)$.

10) الشكل التالي يمثل بيان الدالة f المتصلة على $[1, 6]$ و بفرض أن $H(x) = \int_1^x f(t)dt$:

i. أوجد قيمة $H'(4)$



ii. أوجد قيمة $H(6)$

iii. أوجد القيمة المتوسطة للدالة $f(x)$ على $[1, 6]$

iv. أوجد إحدى النقاط التي تقع في الفترة $[1, 6]$ و تأخذ الدالة عندها هذه القيمة المتوسطة.

11) إذا كان : $\int f(x)dx = 3x^2 + 6\sqrt{x} + c$ ، أوجد :

a) $f(x) =$

b) $f(1) =$

12) إذا كانت $F(x) = \frac{1}{6}(3x + 4)^2 - 10$ ، $G(x) = \frac{3}{2}x^2 + 4x + 5$
 i. بيّن أن $F(x)$ ، $G(x)$ هما مشتقتان عكسيتان لدالة $f(x)$

ii. أوجد : $f(x) = \dots\dots\dots$

iii. أوجد الثابت الذي تختلف به الدالتين $F(x)$ ، $G(x)$

13) إذا كانت $g(x) = (1 + x\cos x)e^{\sin x}$ ، $f(x) = xe^{\sin x} + e$
 i. أثبت أن $f(x)$ هي مشتقة عكسية للدالة $g(x)$

ii. أوجد $\int \frac{g(x)}{f(x)-e} dx$

• س(3) :

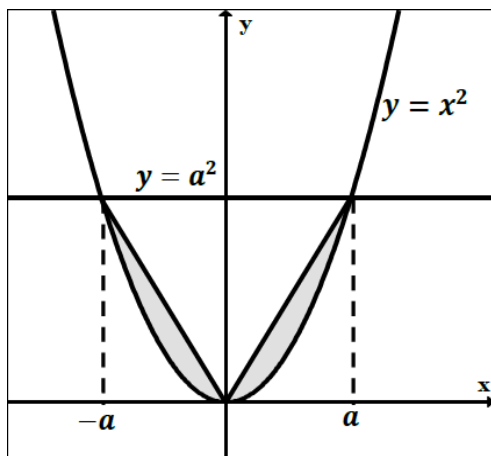
14) أوجد مساحة المنطقة الواقعة في الربع الأول و المحدودة بالمنحنيين : $f(x) = \sqrt{x}$ ، $g(x) = \frac{3-x}{2}$

15) أثبت أن : $y = \ln \left| \frac{\cos 3}{\cos x} \right| + 5$ هي الحل للمعادلة التفاضلية $\frac{dy}{dx} = \tan x$ ، $f(3) = 5$.

16) استخدم التعويض في إيجاد : $\int \left(1 - \cos \frac{t}{2}\right)^3 \times \sin \frac{t}{2} dt$

17) استخدم التكامل بالتجزئ لإيجاد : $\int \frac{x}{\sqrt{e^x}} dx$

(18) الشكل المجاور يمثل بيان الدالة $y = x^2$ و المستقيم $y = a^2$ ، أوجد قيمة a التي تجعل مساحة المنطقة المظللة تساوي 9 وحدات مربعة.



(19) لتكن f دالة متصلة على $[1, 5]$ لأي تجزئة P على الفترة $[1, 5]$ و كان :

$$\lim_{\|P\| \rightarrow 0} \sum_{k=1}^n (f(c_k) + 2) \Delta x_k = 20$$

i. عبّر عن هذه النهاية بصورة التكامل المحدود.

ii. أوجد : $\int_1^5 f(x) dx$

(20) إذا كانت : $y = \frac{\ln(x-1)}{x-1}$ ، $x \neq 1$:
i. أوجد : $\frac{dy}{dx}$ عند $x = 2$

ii. من الفترة السابقة أوجد : $\int \frac{\ln(x-1)}{(x-1)^2} dx$

(21) إذا علمت أن : $y = x \cos x$ ، فأوجد :
i. $\frac{dy}{dx}$

ii. استخدم (i) في إيجاد $\int \frac{x}{\pi} \sin x dx$

مع أطيب التمنيات بالتوفيق والنجاح

أعداد الأستاذ/هلال حسين أحمد

العام الدراسي 2016/2015