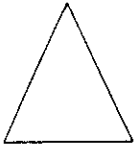
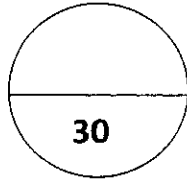




السؤال الأول



أولاً : لتكن $f(x) = x^3 - 3x + 1$ حيث $x \in [-3, 3]$

(1) أوجد $f'(x)$ (مشتقة الدالة $f(x)$) .

(2) عين أصفار المشتقة .

(3) حدد فترات التزايد وفترات التناقص للدالة $f(x)$.

(4) أوجد القيمة العظمى المحلية للدالة $f(x)$.

(5) أوجد القيمة الصغرى المحلية للدالة $f(x)$.

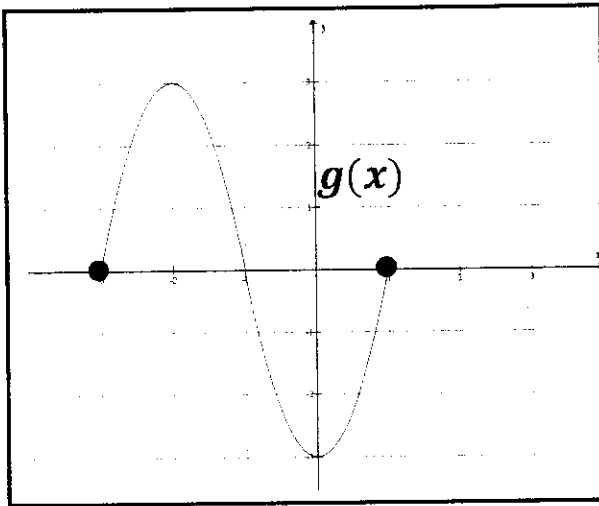
ثانيا : اعتمد على الشكل المجاور الذي يمثل بيان الدالة $g(x)$ في الإجابة عما يأتي :

(6) الدالة متزايدة على الفترات

(7) الدالة متناقصة على الفترة

(8) للدالة g قيمة عظمى محلية عند

(9) القيمة الصغرى المحلية للدالة g هي



السؤال الثاني

أولا : ينتج مصنع قطع غيار سيارات من نوع معين فإذا كان الربح الشهري للمصنع يعطى بالعلاقة

$$R(x) = 100x - x^2 - 2000$$

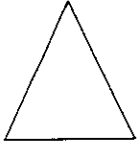
حيث x عدد القطع المباعة , $0 \leq x \leq 70$

(10) أوجد عدد القطع التي يجب أن يبيعها المصنع لتحقيق أكبر ربح .

ثانيا : (11) بين أن الدالة $N(x) = 2x^3 + 15x$ هي دالة مقابلة للدالة $f(x) = 6x^2 + 15$

على الفترة $[-3, 3]$.

ثالثا : أوجد التكاملات الآتية :



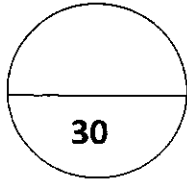
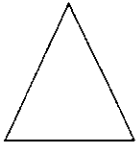
$$(12) \int 2x \, dx$$

$$(13) \int \sqrt{x} \, dx$$

$$(14) \int x(3x + 2) \, dx$$

$$(15) \int \frac{15}{x^4} \, dx$$

السؤال الثالث



أولاً : إذا كان $\int_{-2}^3 f(x) dx = 4$ فأوجد كلا من :

(16) $\int_{-2}^3 2f(x) dx$

.....

.....

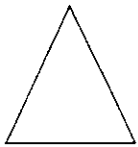
.....

.....

(17) $\int_3^{-2} f(x) dx$

.....

.....



ثانياً : أوجد كلا من :

(18) $\int_3^3 (x^2 + 1) dx$

.....

.....

(19) $\int_1^2 (2x + 5) dx$

.....

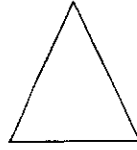
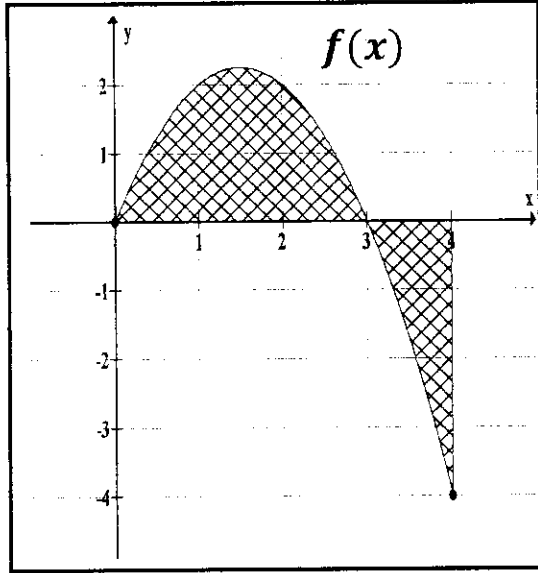
.....

.....

.....

.....

ثالثا :



(20) اعتمادا على الشكل المجاور

أوجد مساحة المنطقة المظللة المحصورة

بين منحنى الدالة $f(x) = 3x - x^2$

ومحور السينات والمستقيمين $x = 0$, $x = 4$

انتهت الأسئلة



نموذج إجابة

السؤال الأول

30

أولاً : لتكن $f(x) = x^3 - 3x + 1$ حيث $x \in [-3, 3]$

(1) أوجد $f'(x)$ (مشتقة الدالة $f(x)$) .

$$f'(x) = 3x^2 - 3 \quad (2) + (2)$$

(2) عين أصفار المشتقة .

$$f'(x) = 0 \Rightarrow 3x^2 - 3 = 0 \Rightarrow x = \pm 1 \quad (1)$$

(3) حدد فترات التزايد وفترات التناقص للدالة $f(x)$.

x	-3	-1	1	3
$f'(x)$	+	0	-	0
$f(x)$	↗	↘	↗	

الدالة $f(x)$ متزايدة على كل من الفترات $[-3, -1]$ و $[1, 3]$ (2)

الدالة $f(x)$ متناقصة على الفترة $[-1, 1]$ (2)

(4) أوجد القيمة العظمى المحلية للدالة $f(x)$.

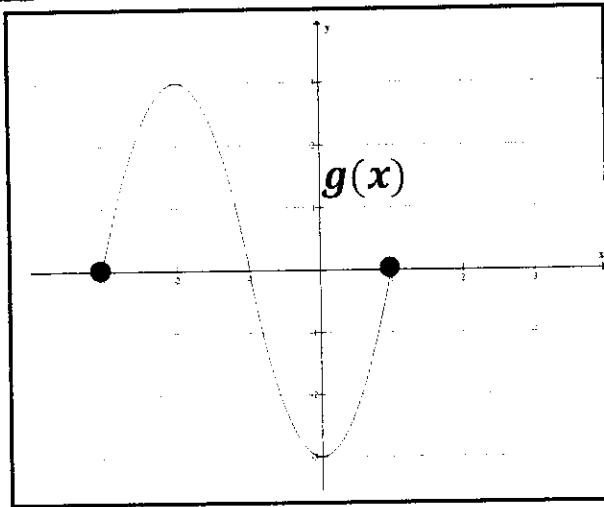
للدالة $f(x)$ قيمة عظمى محلية عند $x = -1$ وسادي (2) $f(-1) = 3$

(5) أوجد القيمة الصغرى المحلية للدالة $f(x)$.

للدالة $f(x)$ قيمة صغرى محلية عند $x = 1$ وسادي (2) $f(1) = -1$

10

ثانيا : اعتمد على الشكل المجاور الذي يمثل بيان الدالة $g(x)$ في الإجابة عما يأتي :



(6) الدالة متزايدة على الفترات

② + ② $[-3, -2]$ ، $[0, 1]$

(7) الدالة متناقصة على الفترة

② $[-2, 0]$

(8) للدالة g قيمة عظمى محلية عند $x = -2$ ②

(9) القيمة الصغرى المحلية للدالة g هي -3 ②

السؤال الثاني

40

أولا : ينتج مصنع قطع غيار سيارات من نوع معين فإذا كان الربح الشهري للمصنع يعطى بالعلاقة

$$R(x) = 100x - x^2 - 2000$$

حيث x عدد القطع المباعة ، $0 \leq x \leq 70$

(10) أوجد عدد القطع التي يجب أن يبيعها المصنع لتحقيق أكبر ربح .

② $R'(x) = 100 - 2x$

① $R'(x) = 0 \Rightarrow 100 - 2x = 0 \Rightarrow x = 50 \in (0, 70)$

② $R(0) = -2000$

② $R(50) = 100(50) - (50)^2 - 2000 = 500$

② $R(70) = 100(70) - (70)^2 - 2000 = 100$

② كقيمة المصنع أكبر ربح عندما يكون عدد القطع المباعة (50) قطعة

ثانيا : (11) بين أن الدالة $N(x) = 2x^3 + 15x$ هي دالة مقابلة للدالة $f(x) = 6x^2 + 15$

على الفترة $[-3, 3]$.

② + ② $N'(x) = 6x^2 + 15$

② $N'(x) = f(x)$

② للمالة $N(x)$ دالة مقابلة للدالة $f(x)$ على الفترة $[-3, 3]$

ثالثاً : أوجد التكاملات الآتية :



(12) $\int 2x \, dx$

$$\textcircled{2} = \frac{2x^2}{2} + C$$

$$= x^2 + C$$

(13) $\int \sqrt{x} \, dx$

$$\textcircled{2} = \int x^{\frac{1}{2}} \, dx$$

$$\textcircled{2} + \textcircled{2} = \frac{2}{3} x^{\frac{3}{2}} + C$$

(14) $\int x(3x+2) \, dx$

$$\textcircled{2} + \textcircled{2} = \int (3x^2 + 2x) \, dx$$

$$\textcircled{2} + \textcircled{2} = \frac{3x^3}{3} + \frac{2x^2}{2} + C$$

$$= x^3 + x^2 + C$$

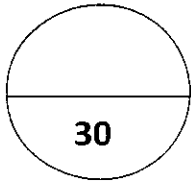
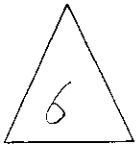
(15) $\int \frac{15}{x^4} \, dx$

$$\textcircled{2} = \int 15x^{-4} \, dx$$

$$\textcircled{2} = 15 \times \frac{x^{-3}}{-3} + C$$

$$= -5x^{-3} + C = -\frac{5}{x^3} + C$$

السؤال الثالث



أولاً : إذا كان $\int_{-2}^3 f(x) dx = 4$ فأوجد كلا من :

(16) $\int_{-2}^3 2f(x) dx$

② $= 2 \int_{-2}^3 f(x) dx$

② $= 2 \times 4 = 8$

(17) $\int_3^{-2} f(x) dx$

① + ① $= - \int_{-2}^3 f(x) dx = -4$



ثانياً : أوجد كلا من :

(18) $\int_3^3 (x^2 + 1) dx$

② $= \text{صفر}$

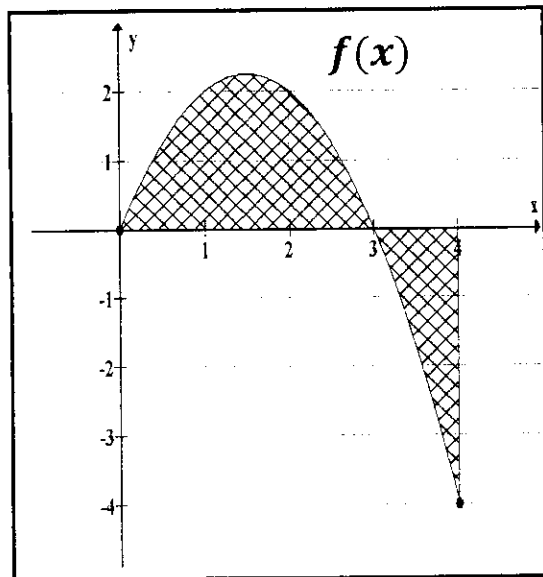
(19) $\int_1^2 (2x + 5) dx$

② + ② $= [x^2 + 5x]_1^2$

② + ② $= (4 + 10) - (1 + 5)$

$= 14 - 6 = 8$

ثالثاً :



14

(20) اعتماداً على الشكل المجاور

أوجد مساحة المنطقة المظللة المحصورة

بين منحنى الدالة $f(x) = 3x - x^2$

ومحور السينات والمستقيمين $x = 0$, $x = 4$

$$\textcircled{1} + \textcircled{1} \quad A = \int_0^3 f(x) dx - \int_3^4 f(x) dx$$

$$\textcircled{1} + \textcircled{1} = \int_0^3 (3x - x^2) dx - \int_3^4 (3x - x^2) dx$$

$$\textcircled{2} + \textcircled{2} = \left[\frac{3}{2}x^2 - \frac{1}{3}x^3 \right]_0^3 - \left[\frac{3}{2}x^2 - \frac{1}{3}x^3 \right]_3^4$$

$$\textcircled{2} + \textcircled{2} = \left(\frac{27}{2} - 9 \right) - (0 - 0) - \left[\left(24 - \frac{64}{3} \right) - \left(\frac{27}{2} - 9 \right) \right]$$

$$= \frac{27}{2} - 9 - 24 + \frac{64}{3} + \frac{27}{2} - 9$$

$$\textcircled{2} = -15 + \frac{64}{3} = \frac{19}{3} \quad \text{وحدة مساحة}$$

انتهت الأسئلة